

Conjuntos – PARTE I

Raquel de Souza Francisco Bravo

[e-mail: raquelbr.ic@gmail.com](mailto:raquelbr.ic@gmail.com)

28 de março de 2017

Objetivos:

- ➔ Familiarizar-se com a linguagem de conjuntos.
- ➔ Melhorar o raciocínio lógico.

Objetivos:

- ➔ Familiarizar-se com a linguagem de conjuntos.
- ➔ Melhorar o raciocínio lógico.

Importância:

- ➔ Fornece uma linguagem e ferramentas básicas que nos ajudam no raciocínio tanto na vida cotidiana como na manipulação de outros tópicos matemáticos.

Introdução:

⇒ Encontrar a **estrutura comum** a:

⇒ uma equipe de futebol;

Introdução:

⇒ Encontrar a **estrutura comum** a:

= uma equipe de futebol;



Introdução:

⇒ Encontrar a **estrutura comum** a:

⇒ uma equipe de futebol;



⇒ um rebanho de ovelhas;

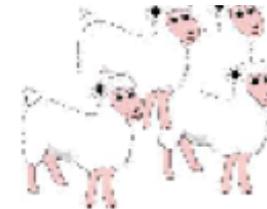
Introdução:

⇒ Encontrar a **estrutura comum** a:

⇒ uma equipe de futebol;



⇒ um rebanho de ovelhas;



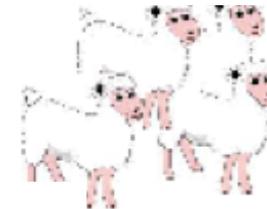
Introdução:

⇒ Encontrar a **estrutura comum** a:

⇒ uma equipe de futebol;



⇒ um rebanho de ovelhas;



⇒ uma biblioteca.

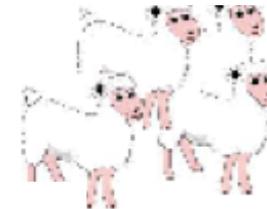
Introdução:

⇒ Encontrar a **estrutura comum** a:

⇒ uma equipe de futebol;



⇒ um rebanho de ovelhas;



⇒ uma biblioteca.



➔ Formação de **estrutura comum**:

⇒ **uma equipe de futebol** é constituída por um **grupo** de jogadores;

➔ Formação de **estrutura comum**:

⇒ **uma equipe de futebol** é constituída por um **grupo** de jogadores;



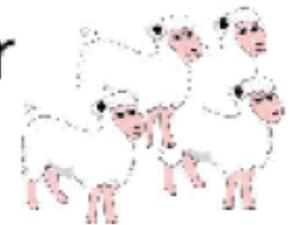
➔ Formação de **estrutura comum**:

- ➔ **uma equipe de futebol** é constituída por um **grupo** de jogadores;
- ➔ **um rebanho de ovelhas** é formado por uma **reunião** de ovelhas;



➔ Formação de **estrutura comum**:

- ➔ uma **equipe de futebol** é constituída por um **grupo** de jogadores;
- ➔ um **rebanho de ovelhas** é formado por uma **reunião** de ovelhas;

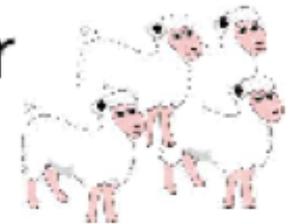


➔ Formação de **estrutura comum**:

⇒ **uma equipe de futebol** é constituída por um **grupo** de jogadores;



⇒ **um rebanho de ovelhas** é formado por uma **reunião** de ovelhas;



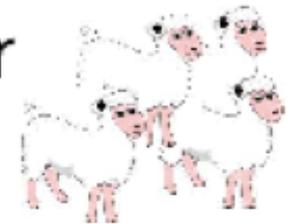
⇒ **uma biblioteca** está formada por uma **coleção** de livros.

➔ Formação de **estrutura comum**:

⇒ **uma equipe de futebol** é constituída por um **grupo** de jogadores;



⇒ **um rebanho de ovelhas** é formado por uma **reunião** de ovelhas;



⇒ **uma biblioteca** está formada por uma **coleção** de livros.



Estrutura comum:

-  equipe de futebol
-  rebanho de ovelhas
-  biblioteca

⇒ Estrutura comum:

- ⇒ equipe de futebol
- ⇒ rebanho de ovelhas
- ⇒ biblioteca

está formada(o) por uma coleção de objetos.

Noção intuitiva:

⇒ Um conjunto é uma coleção de **objetos**, chamados **elementos**.

Noção intuitiva:

➔ Um conjunto é uma coleção de **objetos**, chamados **elementos**.

Exemplos:

- ⇒ uma equipe de futebol
- ⇒ um rebanho de ovelhas
- ⇒ uma biblioteca

Noção intuitiva:

⇒ Um conjunto é uma coleção de **objetos**, chamados **elementos**.

Exemplos:

- ⇒ uma equipe de futebol é um conjunto de jogadores.
os **elementos** são os **jogadores**
- ⇒ um rebanho de ovelhas é um conjunto de ovelhas.
os **elementos** são as **ovelhas**
- ⇒ uma biblioteca é um conjunto de livros.
os **elementos** são os **livros**

➔ **Invente** um conjunto com **4 elementos** considerando coisas e/ou pessoas do lugar em que você está agora.

⇒ **Invente** um conjunto com **4 elementos** considerando coisas e/ou pessoas do lugar em que você está agora.

⇒ **Meu conjunto** está formado pelo(a):

⇒ **monitor** do computador



⇒ **teclado**



⇒ **cadeira**



⇒ **você** mesmo



Notação de conjuntos:

⇒ Letras maiúsculas são usadas para denotar conjuntos.

Exemplo: Seu conjunto pode chamar-se A e o meu, B

Notação de conjuntos:

⇒ Letras maiúsculas são usadas para denotar conjuntos.

Exemplo: Seu conjunto pode chamar-se A e o meu, B

⇒ Letras minúsculas são usadas para descrever os elementos de um conjunto.

Exemplo: Os elementos do meu conjunto B podem ser denominados por:

m : monitor;

t : teclado;

c : cadeira;

v : você.

Descrição de um conjunto:

- ⇒ O símbolo $\{$ indica o **início da descrição** de um conjunto.

Descrição de um conjunto:

- ⇒ O símbolo $\{$ indica o **início da descrição** de um conjunto.
- ⇒ O símbolo $\}$ indica o **fim da descrição** de um conjunto.

Resumindo:

- Conjunto: **letras maiúsculas**
- Elementos de um conjunto: **letras minúsculas**
- Início do conjunto: {
- Fim do conjunto: }

Exemplo: $B = \{m, t, c, v\}$

Relação de pertinência:

⇒ Noção intuitiva:

Seja $B = \{m, t, c, v\}$

⇒ O elemento t (teclado) **está** no conjunto B .

Relação de pertinência:

⇒ Noção intuitiva:

Seja $B = \{m, t, c, v\}$

- O elemento t (teclado) **está** no conjunto B .
- O elemento r (relógio) **não está** no conjunto B .

Definição de pertinência:

 x **pertence** a um conjunto X se x é um elemento de X .

Notação: $x \in X$

⇒ Definição de pertinência:

⇒ x **pertence** a um conjunto X se x é um elemento de X .

Notação: $x \in X$

Exemplo:

$$B = \{m, t, c, v\}$$

t **pertence** a B se $t \in B$

r **não pertence** a B se $r \notin B$

Exemplo importante:

▬ \mathbb{N} = conjunto dos números naturais

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$$

- $10598 \in \mathbb{N}$

- $-1 \notin \mathbb{N}$

- $1/5 \notin \mathbb{N}$

- $2,5 \notin \mathbb{N}$

Outro exemplo:

= C = conjunto das pessoas que são altas.

Outro exemplo:

= C = conjunto das pessoas que são altas.

Você pertence a C ?

- Se você mede 1,95 metros, está claro que você pertence a C .

Outro exemplo:

= C = conjunto das pessoas que são altas.

Você pertence a C ?

- Se você mede 1,95 metros, está claro que você pertence a C .
- Se você mede 1,50 metros, está claro que você não pertence a C .

Outro exemplo:

= C = conjunto das pessoas que são altas.

Você pertence a C ?

- Se você mede 1,95 metros, está claro que você pertence a C .
- Se você mede 1,50 metros, está claro que você não pertence a C .
- Se você mede 1,75 metros, você está em C ou não.

Outro exemplo:

= C = conjunto das pessoas que são altas.

Você pertence a C ?

- Se você mede 1,95 metros, está claro que você pertence a C .
- Se você mede 1,50 metros, está claro que você não pertence a C .
- Se você mede 1,75 metros, você está em C ou não.

Conclusão: esta coleção não está bem definida.

Modificação do exemplo:

⇒ C = conjunto das pessoas que têm mais de 1,75 metros

Você pertence a C ?

Modificação do exemplo:

⇒ C = conjunto das pessoas que têm mais de 1,75 metros

Você pertence a C ?

Conclusão: esta coleção **está bem definida.**

Definição de conjunto:

⇒ Um conjunto é uma coleção de **objetos**, chamados **elementos**.

Definição de conjunto:

⇒ Um conjunto é uma coleção **BEM DEFINIDA** de objetos, chamados elementos.

Isto é, **SEMPRE** podemos decidir quando um objeto está ou não no conjunto.

⇒ Um conjunto é uma coleção **bem definida** de **objetos**, chamados **elementos**.

⇒ Um conjunto é uma coleção **bem definida** de **objetos**, chamados **elementos**.

Exemplos:

- ⇒ O conjunto de números naturais que são pares;

⇒ Um conjunto é uma coleção **bem definida** de **objetos**, chamados **elementos**.

Exemplos:

- ⇒ O conjunto de números naturais que são pares;
- ⇒ O conjunto dos meses do ano que têm exatamente 30 dias;

⇒ Um conjunto é uma coleção **bem definida** de **objetos**, chamados **elementos**.

Exemplos:

- ⇒ O conjunto de números naturais que são pares;
- ⇒ O conjunto dos meses do ano que têm exatamente 30 dias;
- ⇒ O conjunto dos meses do ano que têm pelo menos 30 dias.

Representação explícita

⇒ Enumeração dos elementos do conjunto.

Exemplo: $\mathbf{B} = \{m, t, c, v\}$ $\mathbf{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$

⇒ Representação explícita

⇒ Enumeração dos elementos do conjunto.

Exemplo: $\mathbf{B} = \{m, t, c, v\}$ $\mathbf{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$

⇒ Representação implícita

⇒ Indicação da propriedade que caracteriza os elementos

➔ Representação explícita

⇒ Enumeração dos elementos do conjunto.

Exemplo: $B = \{m, t, c, v\}$ $N = \{1, 2, 3, \dots\}$

➔ Representação implícita

⇒ Indicação da propriedade que caracteriza os elementos

Exemplo:

C = conjunto das pessoas que têm mais de 1,75 metros de altura

 Representação implícita:

C = conjunto das pessoas de altura maior que 1,75 metros.

 Representação implícita:

C = conjunto das pessoas de altura maior que 1,75 metros.

ou

C está constituído por elementos (pessoas) x tal que a altura de x é maior que 1,75 metros.

Representação implícita:

C = conjunto das pessoas de altura maior que 1,75 metros.

ou

C está constituído por elementos (pessoas) x tal que a altura de x é maior que 1,75 metros.

⇒ Levando a idéia da notação matemática:

$$C = \{ x \mid \text{altura de } x > 1,75 \text{ metros} \}$$

Formalização:

⇒ C está constituído por elementos (pessoas) x tal que a altura de x é maior que 1,75 metros.

$$C = \{x \mid \text{altura de } x > 1,75 \text{ metros}\}$$

Formalização:

⇒ C está constituído por elementos (pessoas) x tal que a altura de x é maior que 1,75 metros.

$$C = \{x \mid \text{altura de } x > 1,75 \text{ metros}\}$$

⇒ Propriedade que caracteriza os elementos de C :

$P(x)$: a altura de x é maior que 1,75 metros.

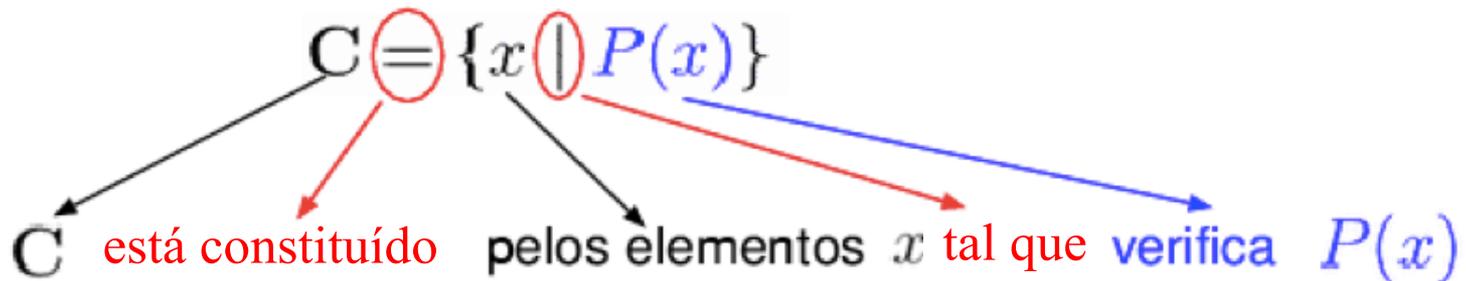
Formalização:

⇒ C está constituído por elementos (pessoas) x tal que a altura de x é maior que 1,75 metros.

$$C = \{x \mid \text{altura de } x > 1,75 \text{ metros}\}$$

⇒ Propriedade que caracteriza os elementos de C :

$P(x)$: a altura de x é maior que 1,75 metros.



Outro exemplo:

D = conjunto de números naturais maiores ou iguais a 5.

Outro exemplo:

D = conjunto de números naturais maiores ou iguais a 5.

Representação explícita:

$$\mathbf{D} = \{5, 6, 7, \dots\}$$

Outro exemplo:

D = conjunto de números naturais maiores ou iguais a 5.

Representação explícita:

$$\mathbf{D} = \{5, 6, 7, \dots\}$$

Representação implícita:

$$\mathbf{D} = \{x \mid x \in \mathbb{N} \text{ e } x \geq 5\}$$


 $P(x)$

Notação de conjuntos conhecidos

\mathbb{N} = conjunto dos números naturais

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

Notação de conjuntos conhecidos

\mathbb{N} = conjunto dos números naturais

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

\mathbb{Z} = conjunto dos números inteiros

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$$

⇒ Notação de conjuntos conhecidos

\mathbb{N} = conjunto dos números naturais

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

\mathbb{Z} = conjunto dos números inteiros

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$$

\mathbb{Q} = conjunto dos números racionais

$$\mathbb{Q} = \{x \mid x = p/q, p, q \in \mathbb{Z}, q \neq 0\}$$

⇒ Notação de conjuntos conhecidos

\mathbb{N} = conjunto dos números naturais

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

\mathbb{Z} = conjunto dos números inteiros

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots\}$$

\mathbb{Q} = conjunto dos números racionais

$$\mathbb{Q} = \{x \mid x = p/q, p, q \in \mathbb{Z}, q \neq 0\}$$

\mathbb{R} = conjunto dos números reais

Conjunto especial:

 O conjunto vazio, \emptyset , é o conjunto que não tem elementos.

Conjunto especial:

⇒ O conjunto vazio, \emptyset , é o conjunto que não tem elementos.

⇒ Pode-se falar da representação de \emptyset ?

Conjunto especial:

➔ O conjunto vazio, \emptyset , é o conjunto que não tem elementos.

➔ Pode-se falar da representação de \emptyset ?

Exemplos:

$$\emptyset = \{x \mid x \in \mathbb{N}, x > 5 \text{ e } x < 0\}$$

Conjunto especial:

➡ O conjunto vazio, \emptyset , é o conjunto que não tem elementos.

➡ Pode-se falar da representação de \emptyset ?

Exemplos:

$$\emptyset = \{x \mid x \in \mathbb{N}, x > 5 \text{ e } x < 0\}$$

$$\emptyset = \{x \mid x \in \mathbb{Z}, 2x - 1 = 0\}$$

Relações entre conjuntos:

Definição de igualdade

- ⇒ Os conjuntos A e B são **iguais** quando têm os mesmo elementos.

Relações entre conjuntos:

Definição de igualdade

- ⇒ Os conjuntos A e B são **iguais** quando têm os mesmo elementos.
- ⇒ **Notação:** $A = B$

Relações entre conjuntos:

⇒ Definição de igualdade

- ⇒ Os conjuntos A e B são **iguais** quando têm os mesmo elementos.
- ⇒ **Notação:** $A = B$

Exemplo:

$$\begin{array}{ll} \text{Sejam } \mathbf{A} = \{1, 3, a\} & \mathbf{C} = \{1, 3, 1, a\} \\ \mathbf{B} = \{3, a, 1\} & \mathbf{D} = \{2, 3, a\} \end{array}$$

Relações entre conjuntos:

⇒ Definição de igualdade

- ⇒ Os conjuntos A e B são **iguais** quando têm os mesmo elementos.
- ⇒ **Notação:** $A = B$

Exemplo:

$$\text{Sejam } A = \{1, 3, a\} \quad C = \{1, 3, 1, a\}$$

$$B = \{3, a, 1\} \quad D = \{2, 3, a\}$$

Os conjuntos A , B e C são **iguais** : $A = B = C$

Relações entre conjuntos:

⇒ Definição de igualdade

- ⇒ Os conjuntos A e B são **iguais** quando têm os mesmo elementos.
- ⇒ **Notação:** $A = B$

Exemplo:

$$\text{Sejam } A = \{1, 3, a\} \quad C = \{1, 3, 1, a\}$$

$$B = \{3, a, 1\} \quad D = \{2, 3, a\}$$

Os conjuntos A , B e C são **iguais** : $A = B = C$

A é **diferente** de D : $A \neq D$

Definição de inclusão

- ⇒ Um conjunto A está contido em um conjunto B se todo elemento de A é elemento de B .

Definição de inclusão

- ⇒ Um conjunto A está contido em um conjunto B se todo elemento de A é elemento de B .
- ⇒ Notação: $A \subseteq B$

⇒ Definição de inclusão

- ⇒ Um conjunto A está contido em um conjunto B se todo elemento de A é elemento de B .
- ⇒ Notação: $A \subseteq B$

Exemplo 1: $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

$$\mathbb{S} = \{0, 1\}$$

⇒ Definição de inclusão

- ⇒ Um conjunto A está contido em um conjunto B se todo elemento de A é elemento de B .
- ⇒ Notação: $A \subseteq B$

Exemplo 1: $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

$$\mathbb{S} = \{0, 1\}$$

\mathbb{P} está contido em \mathbb{N} , $\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}$

⇒ Definição de inclusão

- ⇒ Um conjunto A está contido em um conjunto B se todo elemento de A é elemento de B .
- ⇒ Notação: $A \subseteq B$

Exemplo 1: $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

$$\mathbb{S} = \{0, 1\}$$

\mathbb{P} está contido em \mathbb{N} , $\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}$

\mathbb{S} não está contido em \mathbb{N} , $\mathbb{S} \not\subseteq \mathbb{N}$

Exemplo 2:

$$A = \{1, 3, a\}$$

$$B = \{3, a, 1\}$$

$$A \subseteq B \text{ e } B \subseteq A$$

Exemplo 2:

$$A = \{1, 3, a\}$$

$$B = \{3, a, 1\}$$

$$A \subseteq B \text{ e } B \subseteq A$$

Conclusão: $A = B \iff A \subseteq B \text{ e } B \subseteq A$

Exemplo 2:

$$A = \{1, 3, a\}$$

$$B = \{3, a, 1\}$$

$$A \subseteq B \text{ e } B \subseteq A$$

Conclusão: $A = B \iff A \subseteq B \text{ e } B \subseteq A$
↓
(é equivalente)

 Observação:

$$A \subseteq B$$

 Observação:

$$A \subseteq B$$

- A está contido em B

 Observação:

$$A \subseteq B$$

- A está contido em B
- A é um subconjunto de B

⇒ Observação:

$$A \subseteq B$$

- A está contido em B
- A é um subconjunto de B
- B contém A $(B \supseteq A)$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subset B$ e $A \neq B$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

Exemplo 1:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

Exemplo 1:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

$\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}$, mas $1 \in \mathbb{N}$ e $1 \notin \mathbb{P}$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

Exemplo 1:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

$$\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}, \text{ mas } \underbrace{1 \in \mathbb{N} \text{ e } 1 \notin \mathbb{P}}_{\mathbb{N} \neq \mathbb{P}}$$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

Exemplo 1:

$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$

$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$

Conclusão: $\mathbb{P} \subset \mathbb{N}$

$\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}$, mas $1 \in \mathbb{N}$ e $1 \notin \mathbb{P}$
 $\mathbb{N} \neq \mathbb{P}$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

Exemplo 1:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

Conclusão: $\mathbb{P} \subset \mathbb{N}$

$$\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}, \text{ mas } \underbrace{1 \in \mathbb{N} \text{ e } 1 \notin \mathbb{P}}_{\mathbb{N} \neq \mathbb{P}}$$

⇒ Observação:

⇒ Para todo conjunto: $\emptyset \subseteq A$

⇒ Definição de inclusão estrita:

⇒ $A \subseteq B$ e $A \neq B$

⇒ Notação: $A \subset B$ (A está contido estritamente em B)

Exemplo 1:

$$\mathbb{N} = \{1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$$\mathbb{P} = \{2, 4, 6, 8, \dots\}$$

Conclusão: $\mathbb{P} \subset \mathbb{N}$

$$\mathbb{P} \subseteq \mathbb{N}, \text{ mas } \underbrace{1 \in \mathbb{N} \text{ e } 1 \notin \mathbb{P}}_{\mathbb{N} \neq \mathbb{P}}$$

⇒ Observação:

⇒ Para todo conjunto: $\emptyset \subseteq A$

⇒ Para todo conjunto $A \neq \emptyset$: $\emptyset \subset A$

Conjunto de partes de um conjunto:

⇒ Considere o conjunto A .

⇒ O conjunto das partes de A , $P(A)$, é o conjunto formado por todos os subconjuntos de A .

Conjunto de partes de um conjunto:

⇒ Considere o conjunto A .

⇒ O conjunto das partes de A , $P(A)$, é o conjunto formado por todos os subconjuntos de A .

Exemplo:

Seja $A = \{1, 2, 3\}$

Conjunto de partes de um conjunto:

⇒ Considere o conjunto A .

⇒ O conjunto das partes de A , $P(A)$, é o conjunto formado por todos os subconjuntos de A .

Exemplo:

Seja $A = \{1, 2, 3\}$

então

$$P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$$

⇒ Observação:

⇒ Os elementos de $P(A)$ são conjuntos:

Exemplo:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$$

$$- \{1\} \in P(A) \text{ pois } \{1\} \subseteq \{1, 2, 3\}$$

⇒ Observação:

= Os elementos de $P(A)$ são conjuntos:

Exemplo:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$$

- $\{1\} \in P(A)$ pois $\{1\} \subseteq \{1, 2, 3\}$
- $1 \notin P(A)$

⇒ Observação:

= Os elementos de $P(A)$ são conjuntos:

Exemplo:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$$

- $\{1\} \in P(A)$ pois $\{1\} \subseteq \{1, 2, 3\}$
- $1 \notin P(A)$
- $\{\{1\}, \{1, 2, 3\}\} \subseteq P(A)$

⇒ Observação:

= Os elementos de $P(A)$ são conjuntos:

Exemplo:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$$

- $\{1\} \in P(A)$ pois $\{1\} \subseteq \{1, 2, 3\}$
- $1 \notin P(A)$
- $\{\{1\}, \{1, 2, 3\}\} \subseteq P(A)$
- $\{\{\{1\}\}\} \subseteq P(A)$

⇒ Observação:

= Os elementos de $P(A)$ são conjuntos:

Exemplo:

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$$

- $\{1\} \in P(A)$ pois $\{1\} \subseteq \{1, 2, 3\}$
- $1 \notin P(A)$
- $\{\{1\}, \{1, 2, 3\}\} \subseteq P(A)$
- $\{\{1\}\} \subseteq P(A)$
- $\emptyset \in P(A)$